ESAME DI STATO DI LICEO SCIENTIFICO CORSO DI ORDINAMENTO • 2005

Il numero e di Nepero [nome latinizzato dello scozzese John Napier (1550-1617)]: come si definisce? Perché la derivata di e^x è e^x ?

SOLUZIONE DELLA PROVA D'ESAME CORSO DI ORDINAMENTO 2005

Il numero di Nepero e è definito come $\lim_{x\to\infty} \left(1+\frac{1}{x}\right)^x$.

$$De^{x} = \lim_{b \to 0} \frac{e^{x+b} - e^{x}}{b} = \lim_{b \to 0} \frac{e^{x}e^{b} - e^{x}}{b} = e^{x}\lim_{b \to 0} \frac{e^{b} - 1}{b} = e^{x}, \text{ tenendo conto del limite notevole } \lim_{b \to 0} \frac{e^{b} - 1}{b} = 1.$$