

Calcolo delle probabilità: gli EVENTI

EVENTO	PROBABILITA'	ESEMPIO
S evento CERTO	$P(S) = 1$	
\emptyset evento IMPOSSIBILE	$P(\emptyset) = 0$	
<p>Due eventi E_1, E_2 si dicono COMPLEMENTARI se si verifica con certezza uno dei due</p> <p>(si indica con E^C oppure con \bar{E} l'evento complementare di E)</p>	$P(E_1) + P(E_2) = 1$ <p>Oppure</p> $P(E) + P(E^C) = 1$	<p>- Vd. il problema di Antoine Gombaud</p> <p>- Da un mazzo di 40 carte se ne sorteggiano 3, qual è la probabilità che fra esse vi sia ALMENO un asso? Si può calcolare la probabilità dell'evento complementare E^c: fra queste NON vi sono assi</p> $P(E^c) = \frac{\binom{36}{3}}{\binom{40}{3}} = \frac{7140}{9880} = 0,7226$ <p>e poi calcolare</p> $P(E) = 1 - P(E^c) = 1 - 0,7226 = 0,2773$
<p>due eventi E_1, E_2 si dicono INDIPENDENTI se</p>	$P(E_1 \cap E_2) = P(E_1) \cdot P(E_2)$ <p>Oppure</p> $P(E_1 \text{ e } E_2) = P(E_1) \cdot P(E_2)$	<p>- Da un mazzo di 40 carte se ne sorteggiano 3, qual è la probabilità dell'evento E: fra esse NON vi sono assi?</p> <p>Si può calcolare la probabilità degli eventi: E_1: la prima estratta NON è asso $P(E_1)=36/40$ E_2: la seconda estratta NON è asso $P(E_2)=35/39$ E_3: la terza estratta NON è asso $P(E_3)=34/38$</p> $P(E) = P(E_1) \cdot P(E_2) \cdot P(E_3) = \frac{36}{40} \cdot \frac{35}{39} \cdot \frac{34}{38} = 0,72267$
<p>due eventi E_1, E_2 si dicono INCOMPATIBILI se $E_1 \cap E_2 = \emptyset$</p>	$P(E_1 \cup E_2) = P(E_1) + P(E_2)$ <p>Oppure</p> $P(E_1 \text{ o } E_2) = P(E_1) + P(E_2)$	<p>- nel lancio di due dadi sia E: "la somma è 11" sia E_1: il primo dado è 6 e il secondo è 5 sia E_2: il primo dado è 5 e il secondo è 6</p> $P(E) = P(E_1) + P(E_2) = \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} + \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{2}{36}$
<p>E_1, E_2 eventi QUALSIASI</p>	$P(E_1 \cup E_2) = P(E_1 \text{ o } E_2) = P(E_1) + P(E_2) - P(E_1 \cap E_2)$	<p>- si estrae una carta da un mazzo di 52 carte francesi, sia:</p> $E_1 = \{ \text{carta di quadri} \}; P(E_1) = 13/52$ $E_2 = \{ \text{una figura} \}; P(E_2) = 12/52$ $E_1 \cap E_2 = \{ \text{figura di quadri} \}$ $P(E_1 \cap E_2) = 3/52$ $E_1 \cup E_2 = \{ \text{figura o carta di quadri} \}$ $P(E_1 \cup E_2) = 13/52 + 12/52 - 3/52$